الممعورية الجرائرية الحيمةراطية الفعبية

الدبوان الوطني للمتعانات والمسابقات * دورة جوان 2008 * المدة : 03 ساعات و 30 د

وزارة التربية الوطنية امتحان بكالوريا التعليم الثانوي الشعبة: العلوم التجريبية

اختبار في مادة الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التالبين : الموضوع الأول

<u>التمرين الأول (</u> 04,5 نقط)

: حل في مجموعة الأعداد المركبة $\mathbb C$ المعادلة -1

 $z^2 - (1+2i)z - 1 + i = 0$

 $|z_1| < |z_2|$: حيث $|z_1| < |z_2|$ نرمز للحلين بـ $|z_1| < |z_2|$

. عدد حقیقی عدد $\left(\frac{z_1}{z_2}\right)^{2008}$ بین آن

الممىتوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $\left(O; \overline{u}, \overline{v}
ight)$ التكن $B \in C$ $B \in C$ نقط المستوي التي لاحقاتها Cعلى الترتيب الرتيب على الترتيب

 $Z = \frac{z_2 - 1}{z_1 - 1}$: ليكن Z العدد المركب حيث العدد

 $e^{i(\theta_i+\theta_i)}=e^{i\theta_i} imes e^{i\theta_i}:$ انطالقا من التعريف $e^{i\theta}=\cos\theta+i\sin\theta$ و من الخاصية

. برهن أن $\theta_2 = \frac{\theta_1}{e^{i\theta_1}} = e^{i(\theta_1-\theta_2)}$ و أعداد حقيقية $e^{-i\theta} = \frac{1}{e^{i\theta}}$: برهن أن

ب) أكتب Z على الشكل الأمىي . - جس الشكل المثلثي و استنتج أن النقطة C هي صورة النقطة C بتشابه مباشر مركزه C ، بطلب تعین زاویته و نسبته.

التمرين الثاني (04 نقط)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $\left(O;ec{i},ec{j},ec{k}
ight)$ نعتبر المستوى $\left(P
ight)$ الذي معادلته :

x+2y-z+7=0

. C(-1,-2,2) و B(3,2,0) و A(2,0,1)

ABC و C و B ، A و B و C ليست على استقامية ، ثم بين أن المعادلة الديكارتية للمستوى By + 2z - 2 = 0:

2 − أ − تحقق أن المستويين (P) و (ABC) متعامدان ، ثم عين تمثيلا وسيطيا للمستقيم (△)مستقيم تقاطعً . (ABC) ₂(P)

 \cdot (Δ) بين النقطة Λ و المستقيم (Δ) .

 $1+\alpha+\beta\neq 0$ عندان حقیقیان یحققان β,α عندان حقیقیان یحققان $\{(A,1),(B,\alpha),(C,\beta)\}$ عندان حقیقیان یحققان G (Δ) عين α حتى تتتمى النقطة G إلى المستقيم

<u>التمرين الثالث (</u> 04 نقط)

.
$$f(x) = \frac{x+2}{-x+4}$$
 المعرّفة على المجال [1,2] بالعبارة: $f(x) = \frac{x+2}{-x+4}$ المعرّفة على المجال (1

أ- بين أن الدالة f منز إيدة تماما على 1.

I بنتمى إلى f(x) ، I من المجال f(x) ، من المجال عدد حقيقى f(x) بنتمى الى

(u_n) (2) هي المتتالية العددية المعرقة على № كما يأتي:

$$u_{n+1} = f(u_n)$$
 $u_0 = \frac{3}{2}$

. $u_{_{\rm H}}$ ، $u_{_{\rm H}}$ ، $u_{_{\rm H}}$ ، $u_{_{\rm H}}$ عدد طبیعي $u_{_{\rm H}}$ ، بنتمي إلى $u_{_{\rm H}}$

ب- أدرس اتجاه تغير المنتالية (u) ، ثم استنج أنها متقاربة.

$$u_n = 1 + \frac{1}{\left(\frac{3}{2}\right)^n + 1}$$
 : n عين النراجع أنه من اجل كل عدد طبيعي (أ (3) $\lim_{n \to +\infty} u_n$: عين النهاية : ب) عين النهاية :

التمرين الرابع (07,5 نقط)

: كما يأتي -1 المعرفة على المجال $-2,+\infty$ كما يأتي -1 $f(x) = (ax+b) e^{-x} + 1$

حیث a و b عددان حقیقیان.

، المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد و متجانس $\left(O;\vec{i},\vec{j}\right)$ وحدة الطول $\left(C_{f}
ight)$

عين قيمتي a و b بحيث تكون النقطة A(-1,1) تنتمي إلى C_f) و معامل توجيه المماس -e) عند A يساوي

II - نعتبر الدالة العددية g للمتغير الحقيقي x المعرفة على المجال]∞+.2- كما يلى :

$$g(x) = (-x-1)e^{-x} + 1$$

و (C_{c}) تمثیلها البیانی فی نفس المعلم السابق.

(انظر أن g(x) = 1 و فسر هذه النتيجة بيانيا (نذگر أن g(x) = 1) بين أن

ب) ادرس تغیرات الدالة g ، ثم أنشئ جدول تغیراتها.

ج) بين أن المنحنى (C_g) يقبل نقطة انعطاف I يطلب تعيين احداثييها.

.1 عند النقطة المماس للمنحنى ($C_{
m g}$) عند النقطة الم

 (C_g) ارسم

و) H الدالة العددية المعرفة على $[-2,+\infty]$ كما ياتي: $H(x)=(\alpha x+\beta)e^{-x}$ عددان حقيقيان. $x \mapsto g(x)-1$: عين α و β بحيث تكون H دالة أصلية للدالة

استنتج الدالة الأصلية للدالة ع و التي تنعدم عند القيمة 0.

III) لتكن k الدالة المعرفة على المجال] 2,+∞ كما يأتى:

 $k(x) = g(x^2)$

باستعمال مشتقة دالة مركبة ، عين اتجاه تغير الدالة لله شكل جدول تغيراتها .

الصفحة 4/2

الموضوع الثانى

<u>التمرين الأول (</u> 03 نقط)

لكل سؤال من الأسئلة التالية جواب واحد صحيح فقط . عين الجواب الصحيح معللا اختيارك. نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; ar{i}, ar{j}, ar{k})$ النقط:

$$D(3,2,1) \cdot C(-2,0,-2) \cdot B(4,1,0) \cdot A(1,3,-1)$$

x-3z-4=0 الذي معادلته: (P) الذي

2) شعاع ناظمي للمستوي (P) هو :

$$\vec{n_3}(2,0,-1)$$
 (3 ϵ · $\vec{n_2}(-2,0,6)$ (2 ϵ · $\vec{n_1}(1,2,1)$ (1 ϵ

المسافة بين النقطة D و المستوى (P) هي :

$$\frac{2\sqrt{10}}{5}(3_{\overline{c}}$$
, $\frac{\sqrt{10}}{10}(2_{\overline{c}}$, $\frac{\sqrt{10}}{5}(1_{\overline{c}}$

التمرين الثاني (05 نقط)

 (u_n) منتالية عددية معرفة كما يلي :

$$u_{n+1} = \frac{2}{3}u_n + 2$$
: n exact details $u_0 = \frac{5}{2}$

الممثل (d) الذي معادلته y=x و المنحنى (Δ) الذي معادلته y=x و المنحنى ($D; \vec{i}, \vec{j}$) الممثل الدالة $f(x) = \frac{2}{3}x + 2$ ب \mathbb{R} ب المعرفة على $f(x) = \frac{2}{3}x + 2$

 u_4 و u_3,u_2,u_3,u_6 : باستعمال الرسم السابق، مثل على حامل محور الفواصل و بدون حساب الحدود

جــ - ضع تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية (u_n) و تقاربها.

. $u_n \le 6$: n عدد طبیعی أنه من أجل كل عدد طبیعي (2

. ب - تحقق أن (u_n) منز ايدة

جـ - هل (u,) متقاربة ؟ برر إجابتك .

أ - اثبت أن (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها و حدها الأول.

 $\lim_{n \to \infty} u_n$ بدلالة n ثم استنتج السيت

<u>التمرين الثالث (</u> 05 نقط)

مل في مجموعة الأعداد المركبة ♥المعادلة ذات المجهول z التالية:

$$z^2 + iz - 2 - 6i = 0$$

2. نعتبر في المستوي المركب المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس $O(\bar{u},\bar{v})$ النقطتين ، A و B اللتين

$$z_{s}$$
 النرتيب حيث z_{s} على النرتيب حيث

$$z_8 = -2 - 2i \qquad \qquad z_A = 2 + i$$

 Z_{ω} عبن z_{ω} لاحقة النقطة ω مركز الدائرة z_{ω} ذات القطر

.
$$z_c = \frac{4-i}{1+i}$$
 حيث z_c دات اللاحقة الكان c داتكن 3

 (Γ) على الشكل الجبري ثم أثبت أن النقطة C تتتمي إلى الدائرة z_c

و الذي $M_0(z_0)$ و نسبته k>0 و الذي $M_0(z_0)$ و الذي $M_0(z_0)$ و الذي M(z) و الذي $z'-z_0=ke^{i\theta}(z-z_0)$ هي M'(z) هي نقطة M(z)

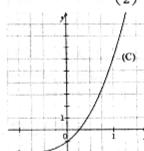
.
$$z' + \frac{1}{2}i = 2e^{i\frac{\pi}{3}}\left(z + \frac{1}{2}i\right)$$
 : يبن الطبيعة و العناصر المميزة للتحويل S المعرف بين الطبيعة و العناصر المميزة للتحويل والمعرف بين الطبيعة و العناصر المميزة المعرف بين الطبيعة و العناصر المعرف بين الطبيعة و العناصر المعرف بين الطبيعة و المعرف بين الطبيعة و العناصر المعرف بين الطبيعة و المعرف بين الطبيعة و العناصر المعرف بين الطبيعة و المعرف بين الطبيعة و العناصر المعرف بين الطبيعة و المعرف بين الطبيعة و العناص العناص

التمرين الرابع (07 نقط)

: المنحنى (C) المقابل هو التمثيل البياني للدالة العددية g المعرفة على المجال (C) كما يأتي

$$g(x) = x^3 + 3x^2 + 3x - 1$$

 $g\left(\frac{1}{2}\right)$ و الشارة $g\left(0\right)$ و حدّد $g\left(0\right)$ و الشارة $g\left(\frac{1}{2}\right)$ و الشارة $g\left(\frac{1}{2}\right)$ و الشارة $g\left(\frac{1}{2}\right)$



- $g(\alpha)=0$: يحقق $0,\frac{1}{2}$ يحقق α من المجال α
 - ج) استنتج إشارة g(x) على المجال $-1;+\infty$. $-1;+\infty$ على المجال g(x) . -2 هي الدالة العددية المعرفة على المجال $-2;+\infty$ بما يأتي -2

$$f(x) = \frac{x^3 + 3x^2 + 3x + 2}{(x+1)^2}$$

. $\left(O; \overline{i}\,, \overline{j}\,
ight)$ متعامد متعامد (Γ) بمثیلها البیانی فی معام

 $f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)^3}$:]-1;+∞[من المجال x من المجال عدد حقيقي x من المجال أنه من الجل كل عدد حقيقي

f' هي الدالة المشتقة للدالة

ب) عين دون حساب $\frac{f(x)-f(\alpha)}{x-\alpha}$ و فسر النتيجة بيانيا.

ج) احسب : $f(x) = \lim_{x \to \infty} \int_{0}^{x} \int_{0}^$

د) شكل جدول تغيرات الدالة f

$$\alpha = 0.26$$
 - 3

أ) عين مدور (α) إلى 10⁻²

$$(\Gamma)$$
 ارسم المنحنى

ه عددان حقيقيان. $f(x) = x + a + \frac{b}{(x+1)^2}$ عددان حقيقيان. a

F(1) = 2 : والذي تحقق $F(1) = 1; +\infty$ عين $F(1) = 1; +\infty$ الدالة الأصلية للدالة $F(1) = 1; +\infty$ الصفحة $F(1) = 1; +\infty$ التوفيق بالتوفيق